

1 バン屋で、120円、180円、240円のパンを何個かずつ買って、合計がちょうど4800円になるようにします。ただし、どの種類のパンも少なくとも1個は買うものとします。

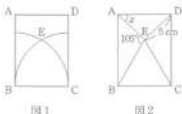
- (1) 3種類のパンを合わせて27個買うとき、このうち8個が120円のパンになるようにするには240円のパンは何個にすればよいですか。
- (2) 120円のパンと180円のパンを同じ個数ずつ買います。買ったパンの個数の合計が一番多くなるようにするには、120円のパンは何個にすればよいですか。

2 ある同じ商品をA社、B社、C社の3社から仕入れれます。B社はA社より仕入れ値が20%安かったので、B社からはA社より20%多く商品を仕入れました。このとき、A、B、C社からの仕入れ値の総額を計算した結果、商品1個あたりの仕入れ値の平均が480円になりました。

- (1) B社の商品1個あたりの仕入れ値はいくらですか。
- (2) C社はB社より仕入れ値が30%高くなっています。3社の商品1個あたりの仕入れ値の平均がA社の仕入れ値をこえないようにするとき、C社からはA社から仕入れた量の最大何倍の商品を仕入れることができますか。

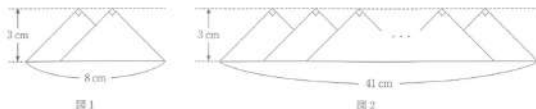
3 図1のように、長方形ABCDの頂点B、Cを中心として半径が辺BCの長さに等しい2つのおうぎ形をかき、この2つのおうぎ形が交わる点をEとします。この点Eと長方形の4つの頂点A、B、C、Dをそれぞれ結んだとき、図2のような辺の長さや角の大きさになりました。ただし、円周率は3.14とします。

- (1)  $\angle \alpha$ の角の大きさを求めなさい。
- (2) 点Eを中心として三角形ABEを1周させたとき、辺EBが通った部分の面積を求めなさい。
- (3) 点Eを中心として三角形ABEを1周させたとき、辺ABが通った部分の面積を求めなさい。



4 同じ大きさの直角二等辺三角形を並べます。

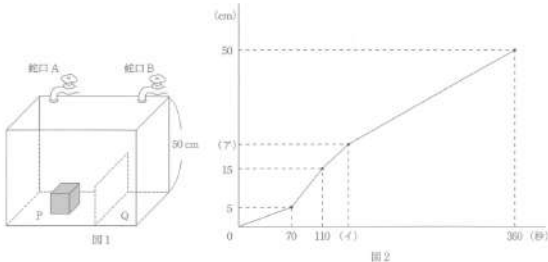
- (1) 図1のように2枚を並べたとき、重なった部分の面積を求めなさい。
- (2) 図2のように15枚を等間隔に並べたとき、2枚だけが重なった部分の面積の和を求めなさい。



5 図1のように直方体の水槽が、その側面と平行な長方形の仕切りでP、Qの2つの部分に分けられています。Pの部分には、体積が水槽の $\frac{1}{25}$ である直方体のおもりが、水槽の底面にぴったりとつくように置いてあります。P、Qそれぞれの上に蛇口A、Bがあり、どちらも一定の割合で水が出てくるものとします。また、容器や仕切りの厚さは考えないものとします。

蛇口A、Bを同時に開いたとき、水を入れ始めてからのPの部分の水面の高さと時間の関係は図2のようになりました。

- (1) 蛇口A、Bから1秒間に出てくる水の量の比を最も簡単な整数の比で答えなさい。
- (2) おもりと水槽の底面積の比を最も簡単な整数の比で答えなさい。
- (3) 図2のグラフの(ア)、(イ)に当てはまる数を答えなさい。



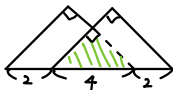
6 図のような円形のランニングコースがあります。AさんとBさんはS地点を同時に出発して、Aさんは時計回りに、Bさんは反時計回りにそれぞれ一定の速さで走ります。Aさんは向きを変えることなく走りますが、BさんはAさんと出会うたびに反対方向に向きを変えて走ります。出発してから39秒後に2人は初めて出会い、そこから3分54秒後に再び出会いました。また、出発してから2分30秒後のAさんとBさんの間の道のりは148 mでした。ただし、2人の間の道のりは短い方とします。なお、BさんはAさんより速く走るものとします。

- (1) ランニングコースの1周は何 mですか。
- (2) 出発してから15分後、BさんはS地点から何 m離れたところにいますか。ただし、「時計回り」か「反時計回り」を選んで丸をつけ、短い方の道のりを答えること。
- (3) 2人が初めてS地点で出会うのは、出発してから何分何秒後ですか。





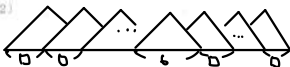
4 (1)



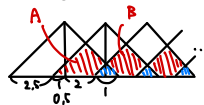
$$4 \times 2 \times \frac{1}{2} = 4$$

4 cm<sup>2</sup>

4 (2)



$$\square = (41 - 6) \div 14 = 2.5 \text{ cm}$$

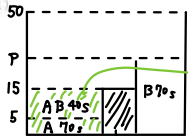

 $A \times 2 + B \times 12$  で求まる。

$$A \left( \frac{7}{2} \times \frac{7}{4} \times \frac{1}{2} - 1 \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \right) \times 2 = \frac{15}{8}$$

$$B \left( \frac{7}{2} \times \frac{7}{4} \times \frac{1}{2} - 1 \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times 2 \right) \times 12 = \frac{135}{4}$$

$$5 \frac{5}{8} + 30 \frac{3}{4} = 36 \frac{3}{8} \quad 36 \frac{3}{8} \text{ cm}^2$$

5 (1)



70s 後にグラフの傾きが急  
→ BからCまで水が入ってきた!

$$A+B : A = \frac{10}{40} : \frac{5}{70} = 7 : 2$$

$$A : B = 2 : 5$$

おとり

$$A : B = 2 : 5$$

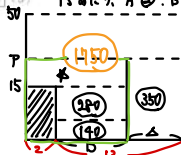
(2)  $\frac{\text{体積}}{\text{高さ}} = \text{底面積}$  より、

$$\text{おとり: 水さ} = \frac{1}{15} : \frac{25}{50}$$

$$= 2 : 15$$

$$(\text{おまりの底面積}) : (\text{水槽の底面積}) = 2 : 15$$

5 (3) 1sあたり、A⑤、B⑦として、水の体積を書き込んでいく。



(おとり): (おとり以外) = 1:24より、

$$250 \times \frac{1}{24} = 105 \leftarrow \text{おとり}$$

$$2: \square = 105:420 \quad \square = 8 \quad \Delta = 5$$

$$\square = (350) \times \frac{10}{5} = (700) \text{より、} P = 15 \times \frac{700}{525} = 20$$

$$P = (175) \text{より } (75) \div (7) = 25 \text{より } 1 = 110 + 25 = 135$$

底面積が書きたけおとりに、おとりを左! (7) 20 (4) 135

6 (1)  $B+A : B-A = \frac{1}{39} : \frac{1}{239} = 6:1$  和差算から、B 3.5 A 2.5

いったん整数にいて通す。一周を2と置く。

$$A \text{ ⑤ } B \text{ ⑦ } \text{ 一周 } (5+7) \times 37 = (418)$$

出発して2分30秒 → BがAとおとり(4)はじめて111s後。

$$(7) - (5) \times 111 = (222) \leftarrow \text{短い方}$$

$$\text{よて、一周は、} 198 \times \frac{168}{222} = 312 \text{ m}$$

312 m

(2) 「39sで出会い、239sでおとり」を1セットでこれ繰り返す!

$$900 \text{ s} \div 273 \text{ s} = 3 \text{ セット} \dots 81 \text{ s} \text{ 残り、おとりはじめて42s後。}$$

15分

最後に出会った場所はAに注目して、⑤×858 = (4290) すすんだ所。

$$4090 + 418 = 9 \dots 78 \text{ 残り、ここからBは⑦×42 = (294) すすむので、}$$

このA



$$312 \times \frac{76}{468} = 128 \text{ m}$$

(時計回り) (逆時計回り) に 64 m

(3) 「出会う. 追いつく時間」と「Aが5にいる時間」を調べるのはOK.

468 ÷ 5 = 93.6sだが、出会う秒数は必ず「整数だから」、×5、×10、...

$$A: 468, 936, 1404, 1872, \dots$$

出会う (273×□ + 39) → 312, 585, 858, 1131, 1404 よて、1404秒 = 23分24秒

追いつく (273×□) → 273, 546, 819, 1092, 1365.

23 分 24 秒後